



## 囚徒挑战 (prison)

一个监狱里关着 500 名囚徒。有一天，监狱长给了他们一个重获自由的机会。他把装钱的两个袋子 A 和 B 放在一个房间里。每个袋子装有若干枚硬币，数量的范围在 1 到  $N$  之间（包含 1 和  $N$ ）。两个袋子里硬币的数量不同。监狱长给囚徒们提出了挑战，目标是指出硬币数量较少的那个袋子。

房间里除了袋子还有一块白板。任意时刻白板上写着一个数，一开始写的是 0。

监狱长让囚徒一个接一个地进入房间。每个进入房间的囚徒不知道他之前进入过房间的囚徒有多少人，也不知道是哪些人。每次一个囚徒进入房间时，他看一眼白板上目前写的这个数。看完之后，他必须在袋子 A 和 B 之间做出选择。接着，他检查自己选的那个袋子，知道了里面有多少枚硬币。然后，这名囚徒必须选择做以下两种行动之一：

- 将白板上的数改写成一个非负整数，并离开房间。注意他可以改变成新的数，也可以保留当前的数。然后挑战继续进行（除非所有 500 名囚徒都已经进过房间）。
- 指出硬币数量较少的那个袋子。这会立即结束挑战。

对于已经进过房间的囚徒，监狱长不会让他再次进入房间。

如果某个囚徒正确地指出硬币较少的袋子，则囚徒们获得挑战的胜利。如果指出的袋子不正确，或者所有 500 人进过房间之后还没有人尝试指出硬币较少的袋子，则囚徒们失败。

挑战开始之前，囚徒们集合在监狱大厅商量应对挑战的共同策略，分以下三个步骤：

- 他们挑选一个非负整数  $x$ ，作为他们可能会写在白板上的最大的数。
- 他们决定对任意一个数  $i$  ( $0 \leq i \leq x$ )，如果某个囚徒进入房间后看到白板上写着数  $i$ ，那么他应该去检查哪个袋子。
- 他们决定当某个囚徒得知选中的袋子里的硬币数量后要采取的行动。具体来说，对任意写在白板上的数  $i$  ( $0 \leq i \leq x$ ) 和检查选中的袋子里的硬币数量  $j$  ( $1 \leq j \leq N$ )，他们要决定做出以下两种行动之一：
  - 白板上应该要写一个 0 到  $x$  之间（包含 0 和  $x$ ）的什么数；
  - 指出哪个袋子是硬币较少的。

如果赢得挑战，监狱长会在囚徒们继续服刑  $x$  天后释放他们。

你的任务是提出能够确保囚徒们赢得挑战的策略（不管袋子 A 和 B 中的硬币数量是多少）。你的得分取决于  $x$  的值（详见子任务一节）。

### 实现细节

你要实现以下函数：

```
int[][] devise_strategy(int N)
```

- $N$ : 每个袋子里硬币最多可能的数量。
- 该函数需要返回一个数组  $s$ , 它的每个元素是长度为  $N + 1$  的整数数组, 表示你给出的策略。  $x$  的值是数组  $s$  的长度减一。 对满足  $0 \leq i \leq x$  的每个  $i$ , 数组  $s[i]$  表示囚徒在进入房间看到白板上写着数  $i$  时要做的事情:
  1. 如果囚徒应该检查袋子 A, 则  $s[i][0]$  的值是 0; 如果囚徒应该检查袋子 B, 则该值是 1。
  2. 令  $j$  为所选袋子中的硬币数量, 囚徒应该进行以下行动:
    - 如果  $s[i][j]$  的值是  $-1$ , 则囚徒应该指出袋子 A 是硬币较少的袋子。
    - 如果  $s[i][j]$  的值是  $-2$ , 则囚徒应该指出袋子 B 是硬币较少的袋子。
    - 如果  $s[i][j]$  的值是非负整数, 则囚徒应该把这个数写到白板上。注意  $s[i][j]$  至多只能是  $x$ 。
- 该函数恰好被调用一次。

## 例子

考虑以下调用:

```
devise_strategy(3)
```

令  $v$  表示囚徒进入房间时看到白板上写着的数。 以下是一种正确的策略:

- 如果  $v = 0$  (也包括开始时的数), 则检查袋子 A。
  - 如果它装了 1 个硬币, 则指出袋子 A 是硬币较少的袋子。
  - 如果它装了 3 个硬币, 则指出袋子 B 是硬币较少的袋子。
  - 如果它装了 2 个硬币, 则在白板上写上 1 (覆盖之前的 0)。
- 如果  $v = 1$ , 则检查袋子 B。
  - 如果它装了 1 个硬币, 则指出袋子 B 是硬币较少的袋子。
  - 如果它装了 3 个硬币, 则指出袋子 A 是硬币较少的袋子。
  - 如果它装了 2 个硬币, 则在白板上写上 0 (覆盖之前的 1)。注意, 这种情况其实不可能发生, 因为此时两个袋子都装有 2 枚硬币, 是不允许的。

要产生以上策略, 函数应该返回  $[[0, -1, 1, -2], [1, -2, 0, -1]]$ 。 返回的数组长度是 2, 此时  $x$  的值是  $2 - 1 = 1$ 。

## 约束条件

- $2 \leq N \leq 5000$

## 子任务

1. (5 分)  $N \leq 500$ ,  $x$  的值不能超过 500。

2. (5分)  $N \leq 500$ ,  $x$  的值不能超过 70。

3. (90分)  $x$  的值不能超过 60。

对于任何测试用例, 如果 `devise_strategy` 返回的数组是不合法的, 则你在该子任务上的得分为 0。

子任务 3 有部分分。令  $m$  为该子任务中所有测试用例返回数组对应的  $x$  的最大值, 你的得分将根据下表计算:

条件	得分
$40 \leq m \leq 60$	20
$26 \leq m \leq 39$	$25 + 1.5 \times (40 - m)$
$m = 25$	50
$m = 24$	55
$m = 23$	62
$m = 22$	70
$m = 21$	80
$m \leq 20$	90

## 评测程序示例

评测程序示例按以下格式读取输入:

- 第 1 行:  $N$
- 第  $2 + k$  行 ( $0 \leq k$ ):  $A[k] B[k]$
- 最后一行:  $-1$

除第一行和最后一行外, 每行表示一个场景。将第  $2 + k$  行对应的场景称为场景  $k$ 。场景  $k$  中, 袋子 A 装有  $A[k]$  枚硬币, 袋子 B 装有  $B[k]$  枚硬币。

评测程序示例首先调用 `devise_strategy(N)`。 $x$  的值是返回数组的长度减一。如果评测程序示例检测到 `devise_strategy` 返回的数组不符合实现细节中描述的约束, 它会打印如下错误信息并退出:

- `s is an empty array`:  $s$  是空的数组 (表示不合法的策略)。
- `s[i] contains incorrect length`: 存在一个下标  $i$  ( $0 \leq i \leq x$ ) 满足  $s[i]$  的长度不是  $N + 1$ 。
- `First element of s[i] is non-binary`: 存在一个下标  $i$  ( $0 \leq i \leq x$ ) 满足  $s[i][0]$  既不是 0, 也不是 1。
- `s[i][j] contains incorrect value`: 存在下标  $i, j$  ( $0 \leq i \leq x, 1 \leq j \leq N$ ) 满足  $s[i][j]$  的值不在  $-2$  和  $x$  之间。

否则, 评测程序示例产生两项输出内容。

首先，评测程序示例以如下格式打印你的策略的输出：

- 第  $1 + k$  行 ( $0 \leq k$ )：场景  $k$  下你的策略的输出。如果用该策略导致某个囚徒指出袋子 A 是硬币较少的，则输出字符 **A**。如果用该策略导致某个囚徒指出袋子 B 是硬币较少的，则输出字符 **B**。如果用该策略后没有囚徒指出哪个袋子的硬币较少，则输出字符 **X**。

其次，评测程序示例以如下格式在当前目录下写一个文件 `log.txt`：

- 第  $1 + k$  行 ( $0 \leq k$ )：  $w[k][0] w[k][1] \dots$

第  $1 + k$  行的序列对应于场景  $k$ ，描述了写在白板上的数。具体来说， $w[k][l]$  是第  $l + 1$  个囚徒进入房间后写的数。